1. En searchElem comienza con

int c=compare(first->elem,elem);

cuando first puede ser NULL.

1. Además si el primero no es igual, ya asume que no está. Debería seguir recorriendo, pero cortando si lo encontró o si encontró uno mayor al buscado.
2. en count asigna lo devuelto por searchElem a bag->first. Eso hace que si el que buscaba no era el primer elemento, ahora first apunta a él, perdiendo acceso a todos los anteriores.